

PROGRAMA PARA OBTENER TABLAS DE VALORES DE PENDIENTE DEL TERRENO USANDO MAPAS TOPOGRÁFICOS

Por *Alberto López Santoyo*.*

RESUMEN

La pendiente media entre dos puntos del terreno puede calcularse a partir de la separación que presentan las curvas de nivel en los mapas topográficos. El programa PENDIENTES, elaborado por el autor en lenguaje FORTRAN, imprime una serie de tablas con valores de pendiente, para usarse con los mapas topográficos que se desee. Se anexa una serie de tablas para utilizarse con los mapas topográficos más usuales en México.

SUMMARY

The slope gradient between two given points on the terrain can be obtained by means of the distance between contour lines on topographic maps. The program PENDIENTES, written in FORTRAN by the author, produces a set of tables, having values of slope gradient, to be used with topographic maps. A set of such tables is included to be used with the topographic maps available in Mexico.

La superficie del terreno presenta, en general, gran diversidad de valores de pendiente o inclinación, que afecta a todo cuerpo estático o en movimiento que se encuentra sobre el relieve. En los campos de la geografía y ciencias afines, el conocimiento de los valores de pendiente tiene aplicación muy amplia. Pueden citarse, por ejemplo, los estudios que se realizan sobre: el comportamiento de vientos superficiales; los cambios de velocidad en las corrientes fluviales; los procesos de remoción en masa, tanto de flujo lento como de flujo rápido; la clasificación de tierras en razón de su pendiente; los problemas del uso actual y uso potencial del suelo; las prácticas de con-

servación de suelos y aguas; el trazo de caminos; la construcción de obras de ingeniería, etc.

En los mapas topográficos se representa el relieve del terreno por medio de isolíneas llamadas curvas de nivel. Cada una de estas líneas es el lugar geométrico de los puntos que tienen la misma altitud.

Es fácil observar que las curvas de nivel se presentan con diferentes densidades o con diferentes separaciones, y es bien conocido que, a mayor densidad corresponde mayor pendiente o inclinación del terreno y, por tanto, a mayor separación o menor densidad corresponden valores más bajos de la pendiente.

Se puede calcular la pendiente media del terreno entre dos puntos cualesquiera si se mide en un mapa la distancia entre los puntos correspondientes y se obtiene el desnivel entre

* Investigador del Instituto de Geografía de la UNAM.

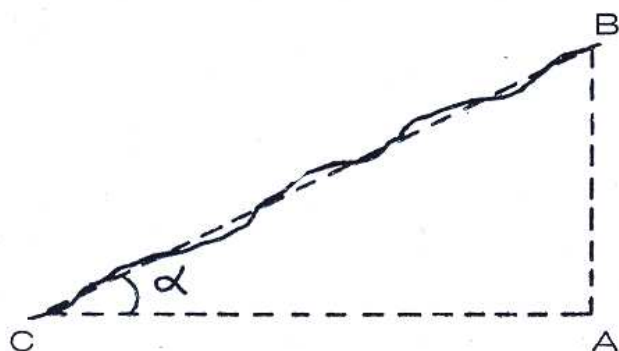


FIG. 1. Relación entre la pendiente media, con la distancia y el desnivel entre dos puntos del terreno.

los puntos reales por medio de las curvas de nivel.

Sean B y C, en la figura 1, dos puntos del terreno de altitud conocida o calculable. El desnivel entre los dos puntos está representado por la distancia $\overline{BA}$, siendo el punto A la proyección del punto B sobre el plano horizontal que pasa por C.

En el triángulo rectángulo ABC, el ángulo α representa la pendiente media entre los puntos B y C. Dicha pendiente se calcula por medio de la función tangente:

$$1) \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{\overline{BA}}{\overline{CA}}$$

Sean b y c, en un mapa, los puntos correspondientes de B y C respectivamente. Por definición de escala se tiene:

$$2) \quad \frac{1}{E} = \frac{\overline{bc}}{\overline{CA}} \quad \text{donde } 1/E \text{ es la escala del mapa.}$$

Despejando en 2) la distancia $\overline{CA}$ y sustituyendo en 1):

$$3) \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{\overline{BA}}{E(\overline{bc})}$$

Si se toman dos puntos b y c sobre dos curvas de nivel consecutivas y se denota por H la equidistancia vertical entre curvas de nivel y por S la separación entre sí de los puntos b y c, se obtiene:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{H}{ES}$$

$$\therefore 4) \quad \alpha = \operatorname{tg}^{-1} \frac{H}{ES}$$

Si el cociente H/E se mantiene constante aunque cambien independientemente los valores de H y E, se obtienen valores iguales de pendiente para un mismo valor de S. Por comodidad se considerará el cociente inverso E/H que, obviamente, también se mantiene constante en las condiciones mencionadas.

El programa PENDIENTES fue elaborado por el autor en lenguaje FORTRAN y produce una serie de tablas con valores teóricos de inclinación del terreno, para usarse con mapas topográficos donde el relieve está definido por curvas de nivel. Para tal fin se toman diferentes valores de la variable S en la fórmula 4), de la manera que más adelante se describe, y se obtienen valores tabulados de α para cada par de valores E y H correspondientes a los mapas con que se trabaja. El programa puede producir teóricamente un número ilimitado de tablas y sólo requiere ser alimentado con los datos de escala y equidistancia vertical de curvas de nivel de los mapas.

Los parámetros y variables utilizados son los siguientes:

E: denominador de la escala del mapa.

H: equidistancia vertical de curvas de nivel, en metros.

S: separación en milímetros, entre dos puntos tomados sobre curvas de nivel consecutivas.

$P = \alpha$: pendiente teórica del terreno, en grados, minutos y segundos sexagesimales. A continuación se da también su equivalente en tanto por ciento.

Debido a que la variación de la pendiente no es uniforme en relación con la variación de separación entre curvas de nivel, pues cambia más lentamente a medida que dicha separación aumenta, los valores de S se dan con

incrementos muy pequeños al principio, y éstos van aumentándose a medida que se prosigue. Así, desde 0.1 los valores de S se dan cada décimo de milímetro hasta 8.5. A partir de 8.5 los valores de S continúan cada medio milímetro hasta 50.0. Desde este último la variación prosigue cada milímetro hasta 134. A partir del valor 130 prosigue cada 10 milímetros, hasta el valor 970. Estos intervalos son un tanto arbitrarios y se eligieron por la razón expuesta al principio del párrafo y por conveniencia en el formato de impresión.* Cualquier cambio en los intervalos requiere sólo una pequeña modificación en el programa. De esta manera es posible determinar fácilmente la pendiente, para cualquier separación o cualquier distancia que se tome sobre curvas de nivel consecutivas.

El programa PENDIENTES fue probado y procesado en el Centro de Servicios de Cómputo de la Universidad Nacional Autónoma de México. En el ejemplo que se anexa, de las tablas que se obtienen, se aprovechó directamente la impresión hecha por las máquinas electrónicas. Dichas tablas sirven para usarse con los mapas de las escalas y equidistancias de curvas de nivel siguientes:

- A) 1: 50 000 H = 10 m (E/H = 5 000)
- B) 1: 50 000 H = 20 m (E/H = 2 500)
- C) 1:100 000 H = 50 m (E/H = 2 000)

Anteriormente se había demostrado que el valor de la pendiente no cambia si el cociente E/H se mantiene constante para un mismo valor de S. Por tanto, las tablas para la escala 1:50 000 y H = 20 m pueden también usarse para los mapas de las escalas y equidistancias de curvas de nivel siguientes:

- D) 1: 25 000 H = 10 m (E/H = 2 500)
- E) 1:500 000 H = 200 m (E/H = 2 500)

Visto de otra manera, si se calculan tablas de valores de pendiente para mapas de los casos D) y E), resultan idénticas entre sí e idénticas a las que se obtienen para mapas del caso B), porque en todos ellos el cociente

E/H se mantiene constante (2 500). De aquí que, si se tiene un mapa donde el cociente E/H resulte igual a alguno de los valores 5 000, 2 500, 2 000, pueden usarse las tablas correspondientes.

En la determinación de la pendiente haciendo uso de las tablas, es necesario que se elijan dos puntos sobre curvas de nivel consecutivas, sin importar su situación sobre las mismas, para obtener directamente la pendiente media entre ellos. Si se desea obtener la inclinación del terreno sobre la línea de máxima pendiente a partir de un punto elegido sobre una curva de nivel, hacia cualquiera de las dos curvas adyacentes, deberá tomarse la separación con esta última; es decir, la distancia mínima del punto en cuestión a la siguiente curva de nivel elegida. Más adelante se describe cómo obtener la pendiente entre dos puntos cualesquiera.

Ejemplo para el uso de las tablas.

Supóngase que se trabaja con un mapa topográfico a escala 1:50 000, con equidistancia vertical de curvas de nivel de 20 metros, y se desea obtener el valor de la pendiente del terreno donde la separación o cualquier distancia entre dos curvas de nivel consecutivas es de 8.3 mm. Se busca el valor 8.3 en la columna S, en las tablas encabezadas con la escala y equidistancia de curvas de nivel correspondiente; es decir, 1:50 000 H = 20 m. En seguida del valor 8.3 se lee en la columna P el valor 2 45 32 y después el valor 4.819 en la columna de %. Es decir, que al valor de S de 8.3 milímetros corresponde una pendiente de $2^{\circ}45'32''$ que equivale (en tanto por ciento) a 4 metros 819 milímetros de distancia vertical, por 100 metros de distancia horizontal.

En el caso de que se desee obtener la pendiente media entre dos puntos cualesquiera, basta hacer un sencillo cálculo para determinar el valor correspondiente de S con el cual entrar a las tablas. Para ello se divide la distancia ab (tomada en milímetros) que hay en el mapa, de un punto al otro, entre el número de intervalos de curvas de nivel que corresponde (generalmente fraccionario). Esto último se obtiene dividiendo el desnivel entre los dos puntos (ΔH) entre la equidistancia de curvas de nivel del mapa (H). Para no efectuar dos divisiones se propone hacer la operación en la forma siguiente:

* Existen en el Instituto de Geografía de la UNAM, a disposición de las personas interesadas, tablas detalladas obtenidas con el programa.

$$5) S = \frac{\overline{ab} (H)}{\Delta H}$$

Ejemplo:

Supóngase que la distancia entre dos puntos a y b es de 112.3 milímetros, en un mapa a escala 1:100 000 con equidistancia de curvas de nivel de 50 metros, y que las altitudes de los dos puntos, obtenidas por interpolaciones, son: 1 735 y 1 580 metros respectivamente. Es decir, que se tiene:

$$\overline{ab} = 112.3 \text{ mm}$$

$$\Delta H = 1\,735 - 1\,580 = 155 \text{ m}$$

$$H = 50 \text{ m}$$

Sustituyendo estos valores en la fórmula 5):

$$S = \frac{112.3 \times 50}{155} = 36.2$$

Con este valor de S se entra en las tablas encabezadas 1:100 000 H = 50 m. Los valores más próximos que se encuentran para S son

36.0 y 36.5. Las pendientes correspondientes a estos valores son respectivamente, 0°47'44", equivalente a 1.389%, y 0°47'05" equivalente a 1.370%. Interpolando entre estos dos valores se obtiene la pendiente buscada, que es de 0°47'28", y su equivalente en tanto por ciento, de 1.381. Con fines prácticos basta tomar el valor 0°47' que es común a los dos valores encontrados en la tabla. De este modo no es necesario efectuar ninguna interpolación, y lo mismo se hace con el equivalente en tanto por ciento, que en este caso es 1.38, aproximando al más cercano.

El programa PENDIENTES abre la posibilidad de obtener rápidamente tablas más detalladas para las mismas escalas y equidistancias de curvas de nivel que las tablas anexas, o para obtener otras en las que el cociente E/H sea diferente.

La estructura del programa consta de una primera parte que forma las series de valores de S correspondientes a los intervalos elegidos y de una subrutina que calcula las pendientes para cada intervalo, e imprime la tabla correspondiente. El diagrama de flujo simplificado aparece en la figura 2.

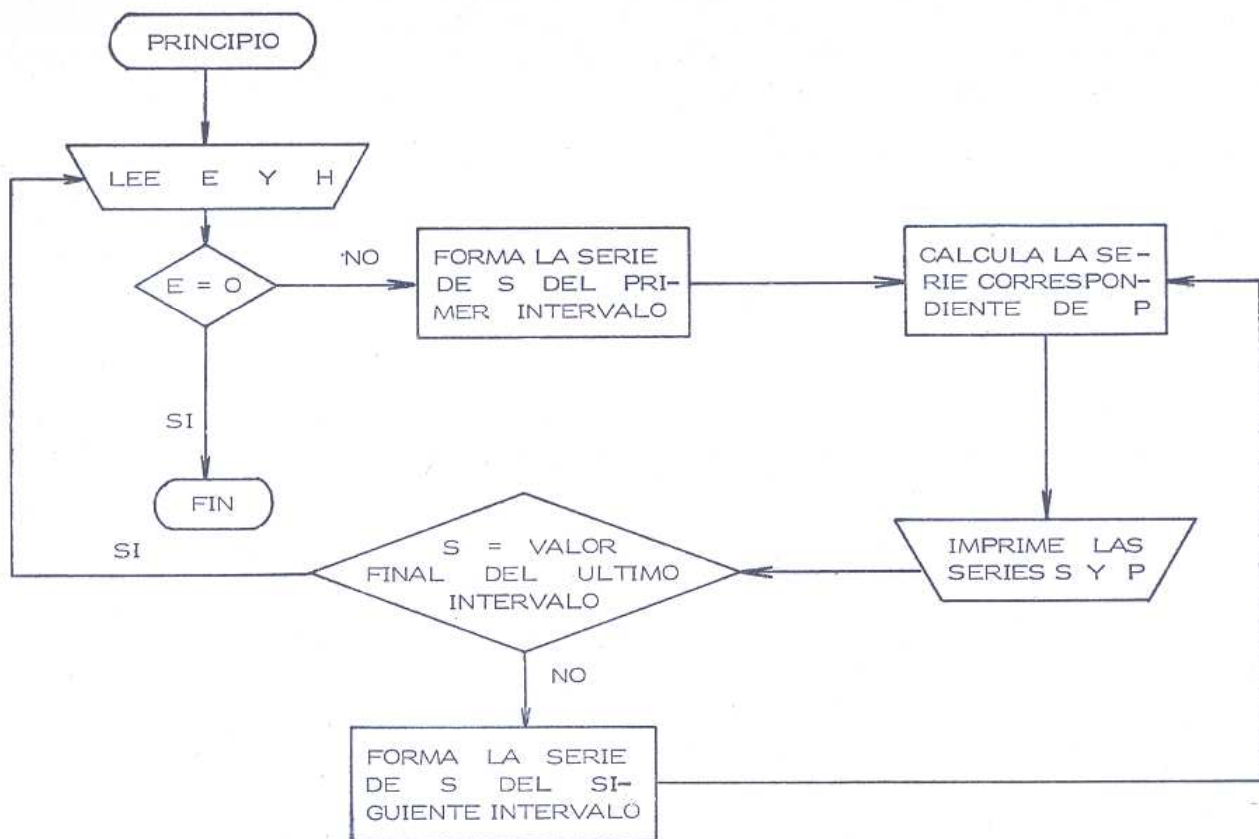


Fig. 2
 DIAGRAMA DE FLUJO SIMPLIFICADO
 DEL PROGRAMA PENDIENTES

Agradezco al Dr. Héctor Ochoterena Fuentes,
al Lic. Mario A. Ortiz Pérez y al Prof. Carlos
Jaso Vega, del Instituto de Geografía de la

Universidad Nacional Autónoma de México,
haber revisado el manuscrito y haberme hecho
algunas sugerencias.

1: 50000 H=10M			(E/H=5000)		
S	P	%	S	P	%
0.1	63° 26' 5" 200.000		4.3	2° 39' 46" 4.651	
0.2	45 0 0 100.000		4.4	2 36 9 4.545	
0.3	33 41 24 66.667		4.5	2 32 41 4.444	
0.4	26 33 54 50.000		4.6	2 29 22 4.348	
0.5	21 48 5 40.000		4.7	2 26 11 4.255	
0.6	18 26 5 33.333		4.8	2 23 9 4.167	
0.7	15 56 43 28.571		4.9	2 20 14 4.082	
0.8	14 2 10 25.000		5.0	2 17 26 4.000	
0.9	12 31 43 22.222		5.1	2 14 44 3.922	
1.0	11 18 35 20.000		5.2	2 12 9 3.846	
1.1	10 18 17 18.182		5.3	2 9 39 3.774	
1.2	9 27 44 16.667		5.4	2 7 15 3.704	
1.3	8 44 46 15.385		5.5	2 4 57 3.636	
1.4	8 7 48 14.286		5.6	2 2 43 3.571	
1.5	7 35 40 13.333		5.7	2 0 34 3.509	
1.6	7 7 30 12.500		5.8	1 58 29 3.448	
1.7	6 42 35 11.765		5.9	1 56 29 3.390	
1.8	6 20 24 11.111		6.0	1 54 32 3.333	
1.9	6 0 32 10.526		6.1	1 52 40 3.279	
2.0	5 42 38 10.000		6.2	1 50 51 3.226	
2.1	5 26 25 9.524		6.3	1 49 5 3.175	
			6.4	1 47' 23" 3.125	
			6.5	1 45 44 3.077	
			6.6	1 44 8 3.030	
			6.7	1 42 35 2.985	
			6.8	1 41 4 2.941	
			6.9	1 39 37 2.899	
			7.0	1 38 11 2.857	
			7.1	1 36 48 2.817	
			7.2	1 35 28 2.778	
			7.3	1 34 9 2.740	
			7.4	1 32 53 2.703	
			7.5	1 31 39 2.667	
			7.6	1 30 26 2.632	
			7.7	1 29 16 2.597	
			7.8	1 28 7 2.564	
			7.9	1 27 0 2.532	
			8.0	1 25 55 2.500	
			8.1	1 24 51 2.469	
			8.2	1 23 49 2.439	
			8.3	1 22 49 2.410	
			8.4	1 21 50 2.381	

1: 50000 H=10M				(E/H=5000)							
S	P	%	S	P	%	S	P				
51	0° 13' 29"	0.392	72	0° 9' 32"	0.278	93	0° 7' 23"	0.215	114	0° 6' 1"	0.175
52	0 13 13	0.385	73	0 9 25	0.274	94	0 7 18	0.213	115	0 5 58	0.174
53	0 12 58	0.377	74	0 9 17	0.270	95	0 7 14	0.211	116	0 5 55	0.172
54	0 12 43	0.370	75	0 9 10	0.267	96	0 7 9	0.208	117	0 5 52	0.171
55	0 12 30	0.364	76	0 9 2	0.263	97	0 7 5	0.206	118	0 5 49	0.169
56	0 12 16	0.357	77	0 8 55	0.260	98	0 7 0	0.204	119	0 5 46	0.168
57	0 12 3	0.351	78	0 8 48	0.256	99	0 6 56	0.202	120	0 5 43	0.167
58	0 11 51	0.345	79	0 8 42	0.253	100	0 6 52	0.200	121	0 5 40	0.165
59	0 11 39	0.339	80	0 8 35	0.250	101	0 6 48	0.198	122	0 5 38	0.164
60	0 11 27	0.333	81	0 8 29	0.247	102	0 6 44	0.196	123	0 5 35	0.163
61	0 11 16	0.328	82	0 8 23	0.244	103	0 6 40	0.194	124	0 5 32	0.161
62	0 11 5	0.323	83	0 8 17	0.241	104	0 6 36	0.192	125	0 5 30	0.160
63	0 10 54	0.317	84	0 8 11	0.238	105	0 6 32	0.190	126	0 5 27	0.159
64	0 10 44	0.313	85	0 8 5	0.235	106	0 6 29	0.189	127	0 5 24	0.157
65	0 10 34	0.308	86	0 7 59	0.233	107	0 6 25	0.187	128	0 5 22	0.156
66	0 10 25	0.303	87	0 7 54	0.230	108	0 6 21	0.185	129	0 5 19	0.155
67	0 10 15	0.299	88	0 7 48	0.227	109	0 6 18	0.183	130	0 5 17	0.154
68	0 10 6	0.294	89	0 7 43	0.225	110	0 6 15	0.182	131	0 5 14	0.153
69	0 9 57	0.290	90	0 7 38	0.222	111	0 6 11	0.180	132	0 5 12	0.152
70	0 9 49	0.286	91	0 7 33	0.220	112	0 6 8	0.179	133	0 5 10	0.150
71	0 9 41	0.282	92	0 7 28	0.217	113	0 6 5	0.177	134	0 5 7	0.149

1: 50000 H=10M				(E/H=5000)							
S	P	%	S	P	%	S	P	%			
140	0° 4' 54"	0.143	350	0° 1' 57"	0.057	560	0° 1' 13"	0.036	770	0° 0' 53"	0.026
150	0 4 35	0.133	360	0 1 54	0.056	570	0 1 12	0.035	780	0 0 52	0.026
160	0 4 17	0.125	370	0 1 51	0.054	580	0 1 11	0.034	790	0 0 52	0.025
170	0 4 2	0.118	380	0 1 48	0.053	590	0 1 9	0.034	800	0 0 51	0.025
180	0 3 49	0.111	390	0 1 45	0.051	600	0 1 8	0.033	810	0 0 50	0.025
190	0 3 37	0.105	400	0 1 43	0.050	610	0 1 7	0.033	820	0 0 50	0.024
200	0 3 26	0.100	410	0 1 40	0.049	620	0 1 6	0.032	830	0 0 49	0.024
210	0 3 16	0.095	420	0 1 38	0.048	630	0 1 5	0.032	840	0 0 49	0.024
220	0 3 7	0.091	430	0 1 35	0.047	640	0 1 4	0.031	850	0 0 48	0.024
230	0 2 59	0.087	440	0 1 33	0.045	650	0 1 3	0.031	860	0 0 47	0.023
240	0 2 51	0.083	450	0 1 31	0.044	660	0 1 2	0.030	870	0 0 47	0.023
250	0 2 45	0.080	460	0 1 29	0.043	670	0 1 1	0.030	880	0 0 46	0.023
260	0 2 33	0.077	470	0 1 27	0.043	680	0 1 0	0.029	890	0 0 46	0.022
270	0 2 32	0.074	480	0 1 25	0.042	690	0 0 59	0.029	900	0 0 45	0.022
280	0 2 27	0.071	490	0 1 24	0.041	700	0 0 58	0.029	910	0 0 45	0.022
290	0 2 22	0.069	500	0 1 22	0.040	710	0 0 58	0.028	920	0 0 44	0.022
300	0 2 17	0.067	510	0 1 20	0.039	720	0 0 57	0.028	930	0 0 44	0.022
310	0 2 13	0.065	520	0 1 19	0.038	730	0 0 56	0.027	940	0 0 43	0.021
320	0 2 8	0.063	530	0 1 17	0.038	740	0 0 55	0.027	950	0 0 43	0.021
330	0 2 5	0.061	540	0 1 16	0.037	750	0 0 55	0.027	960	0 0 42	0.021
340	0 2 1	0.059	550	0 1 15	0.036	760	0 0 54	0.026	970	0 0 42	0.021

1: 50000 H=20M			(E/H=2500)								
S	P	%	S	P	%						
0.1	75° 57' 49"	400.000	2.2	10° 18' 17"	18.182	4.3	5° 18' 52"	9.302	6.4	3° 34' 34"	6.250
0.2	63 26 5	200.000	2.3	9 51 56	17.391	4.4	5 11 39	9.091	6.5	3 31 17	6.154
0.3	53 7 48	133.333	2.4	9 27 44	16.667	4.5	5 4 46	8.889	6.6	3 28 5	6.061
0.4	45 0 0	100.000	2.5	9 5 24	16.000	4.6	4 58 11	8.696	6.7	3 24 59	5.970
0.5	38 39 35	80.000	2.6	8 44 46	15.385	4.7	4 51 52	8.511	6.8	3 21 59	5.882
0.6	33 41 24	66.667	2.7	8 25 37	14.815	4.8	4 45 49	8.333	6.9	3 19 4	5.797
0.7	29 44 41	57.143	2.8	8 7 48	14.286	4.9	4 40 0	8.163	7.0	3 16 13	5.714
0.8	26 33 54	50.000	2.9	7 51 11	13.793	5.0	4 34 26	8.000	7.1	3 13 28	5.634
0.9	23 57 44	44.444	3.0	7 35 40	13.333	5.1	4 29 4	7.843	7.2	3 10 47	5.556
1.0	21 48 5	40.000	3.1	7 21 8	12.903	5.2	4 23 55	7.692	7.3	3 8 10	5.479
1.1	19 58 59	36.364	3.2	7 7 30	12.500	5.3	4 18 57	7.547	7.4	3 5 38	5.405
1.2	18 26 5	33.333	3.3	6 54 40	12.121	5.4	4 14 11	7.407	7.5	3 3 10	5.333
1.3	17 6 9	30.769	3.4	6 42 35	11.765	5.5	4 9 34	7.273	7.6	3 0 46	5.263
1.4	15 56 43	28.571	3.5	6 31 11	11.429	5.6	4 5 8	7.143	7.7	2 58 25	5.195
1.5	14 55 53	26.667	3.6	6 20 24	11.111	5.7	4 0 51	7.018	7.8	2 56 8	5.128
1.6	14 2 10	25.000	3.7	6 10 12	10.811	5.8	3 56 42	6.897	7.9	2 53 54	5.063
1.7	13 14 25	23.529	3.8	6 0 32	10.526	5.9	3 52 42	6.780	8.0	2 51 44	5.000
1.8	12 31 43	22.222	3.9	5 51 21	10.256	6.0	3 48 50	6.667	8.1	2 49 37	4.938
1.9	11 53 19	21.053	4.0	5 42 38	10.000	6.1	3 45 6	6.557	8.2	2 47 33	4.878
2.0	11 18 35	20.000	4.1	5 34 19	9.756	6.2	3 41 28	6.452	8.3	2 45 32	4.819
2.1	10 47 3	19.048	4.2	5 26 25	9.524	6.3	3 37 58	6.349	8.4	2 43 34	4.762

1: 50000			H=20M			(E/H=2500)					
S	P	%	S	P	%	S	P	%	S	P	%
8.5	2° 41' 39"	4.706	19.0	1° 12' 21"	2.105	29.5	0° 46' 36"	1.356	40.0	0° 34' 22"	1.000
9.0	2 32 41	4.444	19.5	1 10 30	2.051	30.0	0 45 50	1.333	40.5	0 33 57	0.988
9.5	2 24 39	4.211	20.0	1 8 44	2.000	30.5	0 45 4	1.311	41.0	0 33 32	0.976
10.0	2 17 26	4.000	20.5	1 7 4	1.951	31.0	0 44 21	1.290	41.5	0 33 8	0.964
10.5	2 10 53	3.810	21.0	1 5 28	1.905	31.5	0 43 39	1.270	42.0	0 32 44	0.952
11.0	2 4 57	3.636	21.5	1 3 57	1.860	32.0	0 42 58	1.250	42.5	0 32 21	0.941
11.5	1 59 31	3.478	22.0	1 2 29	1.818	32.5	0 42 18	1.231	43.0	0 31 58	0.930
12.0	1 54 32	3.333	22.5	1 1 6	1.778	33.0	0 41 40	1.212	43.5	0 31 36	0.920
12.5	1 49 53	3.200	23.0	0 59 46	1.739	33.5	0 41 2	1.194	44.0	0 31 15	0.909
13.0	1 45 44	3.077	23.5	0 58 30	1.702	34.0	0 40 26	1.176	44.5	0 30 54	0.899
13.5	1 41 49	2.963	24.0	0 57 17	1.667	34.5	0 39 51	1.159	45.0	0 30 33	0.889
14.0	1 38 11	2.857	24.5	0 56 7	1.633	35.0	0 39 17	1.143	45.5	0 30 13	0.879
14.5	1 34 48	2.759	25.0	0 54 59	1.600	35.5	0 38 44	1.127	46.0	0 29 53	0.870
15.0	1 31 39	2.667	25.5	0 53 55	1.569	36.0	0 38 11	1.111	46.5	0 29 34	0.860
15.5	1 28 41	2.581	26.0	0 52 53	1.538	36.5	0 37 40	1.096	47.0	0 29 15	0.851
16.0	1 25 55	2.500	26.5	0 51 53	1.509	37.0	0 37 9	1.081	47.5	0 28 56	0.842
16.5	1 23 19	2.424	27.0	0 50 55	1.481	37.5	0 36 40	1.067	48.0	0 28 38	0.833
17.0	1 20 55	2.353	27.5	0 50 0	1.455	38.0	0 36 11	1.053	48.5	0 28 21	0.825
17.5	1 18 33	2.286	28.0	0 49 6	1.429	38.5	0 35 42	1.039	49.0	0 28 3	0.816
18.0	1 16 22	2.222	28.5	0 48 14	1.404	39.0	0 35 15	1.026	49.5	0 27 46	0.808
18.5	1 14 19	2.162	29.0	0 47 24	1.379	39.5	0 34 48	1.013	50.0	0 27 30	0.800

				1' 50000 H=20M				(E/H=2500)							
S	P	%		S	P	%		S	P	%		S	P	%	
140	0° 9' 49"	0.286		350	0° 3' 55"	0.114		560	0° 2' 27"	0.071		770	0° 1' 47"	0.052	
150	0 9 10	0.267		360	0 3 49	0.111		570	0 2 24	0.070		780	0 1 45	0.051	
160	0 8 35	0.250		370	0 3 42	0.108		580	0 2 22	0.069		790	0 1 44	0.051	
170	0 8 5	0.235		380	0 3 37	0.105		590	0 2 19	0.068		800	0 1 43	0.050	
180	0 7 38	0.222		390	0 3 31	0.103		600	0 2 17	0.067		810	0 1 41	0.049	
190	0 7 14	0.211		400	0 3 26	0.100		610	0 2 15	0.066		820	0 1 40	0.049	
200	0 6 52	0.200		410	0 3 21	0.098		620	0 2 13	0.065		830	0 1 39	0.048	
210	0 6 32	0.190		420	0 3 16	0.095		630	0 2 10	0.063		840	0 1 38	0.048	
220	0 6 15	0.182		430	0 3 11	0.093		640	0 2 8	0.063		850	0 1 37	0.047	
230	0 5 58	0.174		440	0 3 7	0.091		650	0 2 6	0.062		860	0 1 35	0.047	
240	0 5 43	0.167		450	0 3 3	0.089		660	0 2 5	0.061		870	0 1 34	0.046	
250	0 5 30	0.160		460	0 2 59	0.087		670	0 2 3	0.060		880	0 1 33	0.045	
260	0 5 17	0.154		470	0 2 55	0.085		680	0 2 1	0.059		890	0 1 32	0.045	
270	0 5 5	0.148		480	0 2 51	0.083		690	0 1 59	0.058		900	0 1 31	0.044	
280	0 4 54	0.143		490	0 2 48	0.082		700	0 1 57	0.057		910	0 1 30	0.044	
290	0 4 44	0.138		500	0 2 45	0.080		710	0 1 56	0.056		920	0 1 29	0.043	
300	0 4 35	0.133		510	0 2 41	0.078		720	0 1 54	0.056		930	0 1 28	0.043	
310	0 4 26	0.129		520	0 2 38	0.077		730	0 1 53	0.055		940	0 1 27	0.043	
320	0 4 17	0.125		530	0 2 35	0.075		740	0 1 51	0.054		950	0 1 26	0.042	
330	0 4 10	0.121		540	0 2 32	0.074		750	0 1 50	0.053		960	0 1 25	0.042	
340	0 4 2	0.118		550	0 2 30	0.073		760	0 1 48	0.053		970	0 1 25	0.041	

(E/H=2000)

1:100000 H=50M

S			S			S			S		
P			P			P			P		
%			%			%			%		
0.1	78° 41' 24"	500.000	2.2	12° 48' 15"	22.727	4.3	6° 37' 57"	11.628	6.4	4° 28' 1"	7.812
0.2	68 11 54	250.000	2.3	12 15 53	21.739	4.4	6 28 59	11.364	6.5	4 23 55	7.692
0.3	59 2 10	166.667	2.4	11 46 5	20.833	4.5	6 20 24	11.111	6.6	4 19 56	7.576
0.4	51 20 24	125.000	2.5	11 18 35	20.000	4.6	6 12 12	10.870	6.7	4 16 4	7.463
0.5	45 0 0	100.000	2.6	10 53 7	19.231	4.7	6 4 20	10.638	6.8	4 12 19	7.353
0.6	39 48 20	83.333	2.7	10 29 29	18.519	4.8	5 56 48	10.417	6.9	4 8 40	7.246
0.7	35 32 15	71.429	2.8	10 7 28	17.857	4.9	5 49 34	10.204	7.0	4 5 8	7.143
0.8	32 0 19	62.500	2.9	9 46 56	17.241	5.0	5 42 38	10.000	7.1	4 1 41	7.042
0.9	29 3 16	55.556	3.0	9 27 44	16.667	5.1	5 35 57	9.804	7.2	3 58 20	6.944
1.0	26 33 54	50.000	3.1	9 9 44	16.129	5.2	5 29 32	9.615	7.3	3 55 5	6.849
1.1	24 26 38	45.455	3.2	8 52 50	15.625	5.3	5 23 21	9.434	7.4	3 51 55	6.757
1.2	22 37 11	41.667	3.3	8 36 56	15.152	5.4	5 17 24	9.259	7.5	3 48 50	6.667
1.3	21 2 15	38.462	3.4	8 21 57	14.706	5.5	5 11 39	9.091	7.6	3 45 50	6.579
1.4	19 39 13	35.714	3.5	8 7 48	14.286	5.6	5 6 7	8.929	7.7	3 42 55	6.494
1.5	18 26 5	33.333	3.6	7 54 25	13.889	5.7	5 0 47	8.772	7.8	3 40 4	6.410
1.6	17 21 14	31.250	3.7	7 41 45	13.514	5.8	4 55 37	8.621	7.9	3 37 17	6.329
1.7	16 23 22	29.412	3.8	7 29 45	13.158	5.9	4 50 38	8.475	8.0	3 34 34	6.250
1.8	15 31 26	27.778	3.9	7 18 20	12.821	6.0	4 45 49	8.333	8.1	3 31 56	6.173
1.9	14 44 36	26.316	4.0	7 7 30	12.500	6.1	4 41 9	8.197	8.2	3 29 21	6.098
2.0	14 2 10	25.000	4.1	6 57 10	12.195	6.2	4 36 38	8.065	8.3	3 26 50	6.024
2.1	13 23 32	23.810	4.2	6 47 20	11.905	6.3	4 32 15	7.937	8.4	3 24 23	5.95

23

1:100000 H=50M				(E/H=2000)			
S	P	°	′	S	P	°	′
140	0° 12′ 16″	0.357	0.143	560	0° 3′ 4″	0.089	0.089
150	0 11 27	0.333	0.139	570	0 3 0	0.088	0.064
160	0 10 44	0.313	0.135	580	0 2 57	0.086	0.063
170	0 10 6	0.294	0.132	590	0 2 54	0.085	0.063
180	0 9 32	0.278	0.128	600	0 2 51	0.083	0.062
190	0 9 2	0.263	0.125	610	0 2 49	0.082	0.061
200	0 8 35	0.250	0.122	620	0 2 46	0.081	0.060
210	0 8 11	0.238	0.119	630	0 2 43	0.079	0.060
220	0 7 48	0.227	0.116	640	0 2 41	0.078	0.059
230	0 7 28	0.217	0.114	650	0 2 38	0.077	0.058
240	0 7 9	0.209	0.111	660	0 2 36	0.076	0.057
250	0 6 52	0.200	0.109	670	0 2 33	0.075	0.057
260	0 6 36	0.192	0.106	680	0 2 31	0.074	0.056
270	0 6 21	0.185	0.104	690	0 2 29	0.072	0.056
280	0 6 8	0.179	0.102	700	0 2 27	0.071	0.055
290	0 5 55	0.172	0.100	710	0 2 25	0.070	0.054
300	0 5 43	0.167	0.098	720	0 2 23	0.069	0.054
310	0 5 32	0.161	0.096	730	0 2 21	0.068	0.053
320	0 5 22	0.156	0.094	740	0 2 19	0.068	0.053
330	0 5 12	0.152	0.093	750	0 2 17	0.067	0.052
340	0 5 3	0.147	0.091	760	0 2 15	0.066	0.052